



● Решить задачи, заполнив пропуски в решении. Задачу и решение

переписывать полностью. Пропуски пишем пастой другого цвета.

6

На рисунке прямая  $PM$  пересекает плоскость  $\alpha$  в точке  $M$ ,  $N \in PM$ , причем  $MN : NP = 2 : 1$ ,  $PP_1 \parallel NN_1$ ,  $NN_1 = 14$  см,  $P_1$  и  $N_1$  — точки пересечения параллельных прямых с плоскостью  $\alpha$ .

а) Докажите, что точки  $M$ ,  $N_1$  и  $P_1$  лежат на одной прямой.

б) Найдите длину отрезка  $PP_1$ .

Решение.

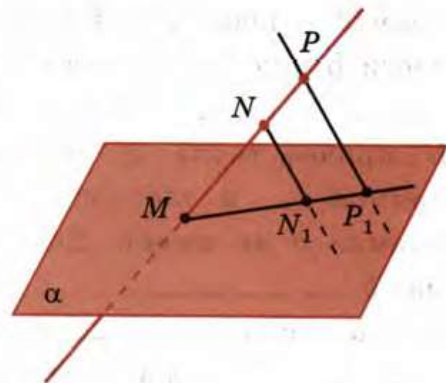
а) Прямые  $NN_1$  и  $PP_1$  задают некоторую плоскость, так как параллельные прямые \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_. Обозначим эту плоскость буквой  $\beta$ . Тогда по аксиоме \_\_\_\_\_ прямая  $NP$  лежит \_\_\_\_\_ и поэтому  $M \in \beta$ , так как \_\_\_\_\_. Плоскости  $\alpha$  и  $\beta$  имеют общую точку  $M$ , а потому, согласно \_\_\_\_\_, пересекаются по прямой, на которой лежат все общие точки \_\_\_\_\_. Точки  $M$ ,  $N_1$  и  $P_1$  — общие точки \_\_\_\_\_, следовательно, они лежат на одной \_\_\_\_\_

б)  $\triangle MNN_1 \sim \triangle MPP_1$ , так как \_\_\_\_\_, поэтому  $\frac{MN}{MP} = \frac{NN_1}{PP_1}$ , т. е.  $\frac{2}{3} = \frac{14}{PP_1}$ , откуда  $PP_1 = \frac{42}{2} = 21$  см.

Ответ.

б) \_\_\_\_\_

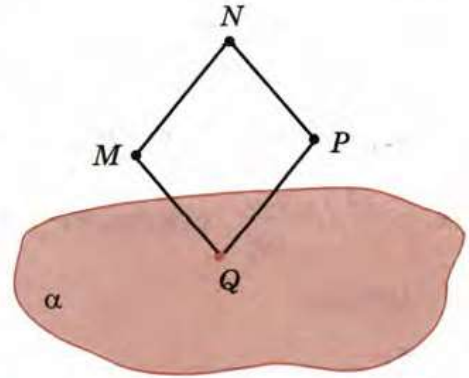


7

Вершина  $Q$  параллелограмма  $MNPQ$  лежит в плоскости  $\alpha$ , а точки  $M$ ,  $N$  и  $P$  не лежат в этой плоскости. Докажите, что прямые  $NM$  и  $NP$  пересекают плоскость  $\alpha$ .

Доказательство. Прямая  $PQ$  пересекает плоскость  $\alpha$  в точке  $Q$ , так как  $Q \in \alpha$ , поэтому, согласно лемме о пересечении плоскости параллельными прямыми, прямая  $NM$ , параллельная \_\_\_\_\_, также \_\_\_\_\_.

Прямая  $MQ$  пересекает \_\_\_\_\_, поэтому \_\_\_\_\_, прямая  $NP$  \_\_\_\_\_, что и требовалось доказать.



8

Точка  $D$  не лежит в плоскости  $ABC$ , точки  $E$ ,  $F$ ,  $G$  и  $K$  — середины отрезков  $AD$ ,  $DC$ ,  $BC$  и  $AB$ .

а) Докажите, что точки  $E$ ,  $F$ ,  $G$  и  $K$  лежат в одной плоскости.

б) Найдите периметр четырехугольника  $EFGK$ , если  $AC = 18$  см,  $BD = 24$  см.

Решение. а)  $EF$  — средняя линия треугольника \_\_\_\_\_, поэтому  $EF \parallel$  \_\_\_\_\_ и  $EF =$  \_\_\_\_\_;  $KG$  — средняя линия \_\_\_\_\_ и потому \_\_\_\_\_.

